

(4) Nos itens a seguir, verifique as identidades

(a) $\cosh x + \sinh x = e^x$

(b) $\cosh x - \sinh x = e^{-x}$

(c) $\sinh(-x) = -\sinh(x)$

(d) $\sinh(x + y) = \sinh(x) \cosh(y) + \sinh(y) \cosh(x)$

(e) $\cosh(-x) = \cosh(x)$

(f) $\cosh(x + y) = \cosh(x) \cosh(y) + \sinh(y) \sinh(x)$

(g) $\sinh(2x) = 2\sinh(x) \cosh(x)$ (h) $\cosh(2x) = \cosh^2(x) + \sinh^2(x)$

(i) $\cosh(x) = \sqrt{\frac{1 + \cosh(2x)}{2}}$

(j) $[\cosh(x) + \sinh(x)]^n = \cosh(nx) + \sinh(nx)$,
para n inteiro positivo. [Dica: use (a)]

(k) $\operatorname{sen}(x) = \frac{2\operatorname{tg}\frac{x}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2\frac{x}{2}}$

(l) $\operatorname{cos}(x) = \frac{1 - \operatorname{tg}^2\frac{x}{2}}{1 + \operatorname{tg}^2\frac{x}{2}}$

(5) Escreva uma lista contendo as principais propriedades do logaritmo e da exponencial e uma outra contendo as principais identidades trigonométricas.

(6) Calcule os limites a seguir

(a) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 1}{x^2 - 1}$

(b) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{3x^2 - 5x - 2}$

(c) $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{(4-t)^2 - 16}{t}$

(d) $\lim_{h \rightarrow 1} \frac{\sqrt{h} - 1}{h - 1}$

(e) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{8+h} - 2}{h}$

(f) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 + 9}$

(g) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x} + 1}{(x-1)^2}$

(h) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}$

(i) $\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt[5]{\frac{(3-x^3)^4 - 16}{1-x^3}}$

(j) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+1}{\sqrt[3]{x+2} - 1}$

(k) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{\frac{1}{x} - 2}{x - \frac{1}{2}}$

(l) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^3 - x^3}{h}$

(m) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{a}}{x - a}, a \neq 0$

(n) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sqrt[4]{x} - \sqrt[4]{a}}{x - a}, a \neq 0.$

(o) $\lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{tgh}(x)$

[R. 13; 0; 2/3; 3/5; 2.]

(7) Calcule, se existirem, os limites a seguir

(a) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{5x + 11}{\sqrt{x} + 1}$

(b) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{(1/x) - (1/5)}{x - 5}$

(c) $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{t^2}{\sin t}$

(d) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + \sin^2 x}{4x^2}$

(e) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x + \sin(2x)}{3x}$

(f) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 - \cos x}{1 + \sin x}$

(g) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \cos x + 3x - 2}{5x}$

(h) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x + 1 - \cos^2 x}{\sin x}$

(i) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{1 - \cos x}$

(j) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x) - 1}{2x}$

[R. 13; 0; 2/3; 3/5; 2.]

(8) Sejam f e g duas funções com mesmo domínio A tais que

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 0$$

e g é uma função limitada (ou seja, existe $M > 0$ tal que $|g(x)| \leq M$ para todo $x \in A$). Use o Teorema do Confronto (Sanduíche) para provar que

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)g(x) = 0.$$

